

3ª Série de Exercícios

VETORES E COORDENADAS NO ESPAÇO

Exercício 1) Escreva um versor ao longo de cada uma das seguintes direções:

- (a) 30°SE (b) $64^\circ35'\text{SW}$ (c) $18^\circ53'\text{NW}$ (d) $82^\circ9'\text{NE}$

(especifique as componentes com três significativos)

Respostas: $\frac{1}{2}\hat{i} - \frac{\sqrt{3}}{2}\hat{j}$; $-0,903\hat{i} - 0,429\hat{j}$; $-0,324\hat{i} + 0,946\hat{j}$; $0,991\hat{i} + 0,137\hat{j}$

Exercício 2) Uma torre está a $35^\circ28'\text{SW}$ de um observador, distante 150m dele. O observador está a $58^\circ12'\text{NW}$ de uma igreja, distante 300m dela. Em que direção está a torre quando vista da igreja? Qual a distância entre a torre e a igreja?

Respostas: 344m; 84°NW

Exercício 3) Considere o paralelepípedo ABCDEFGH ao lado.

- (a) Calcule o tamanho da projeção da aresta \overline{AE} sobre cada uma das diagonais \overline{EC} , \overline{BH} e \overline{FD} . (resultados com três significativos)

Resposta: todas são do mesmo tamanho = 2,44

- (b) Calcule o tamanho da projeção da aresta \overline{AE} sobre cada uma das diagonais de face \overline{GD} e \overline{BG} . (resultados com três significativos)

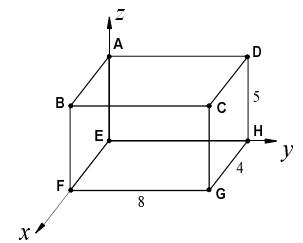
Respostas: 3,90 e 2,65

- (c) Calcule a distância do ponto A à reta \overline{FH} . (resultado com três significativos)

Resposta: 6,15

- (d) Calcule o menor ângulo entre a aresta \overline{AB} e a diagonal \overline{EC} .

Resposta: 67°



Exercício 4) (a) Calcule o menor ângulo entre as retas $\frac{x}{2} = \frac{y-1}{3} = 5z$ e $x-2 = -\frac{y}{2} = \frac{z-1}{3}$. (em graus e minutos)

- (b) Calcule a distância entre essas retas

Resp.: (a) $75^\circ26'$ (b) 1,35

Exercício 5) Calcule a distância da origem (0,0,0) ao plano que passa pelos pontos (8,0,0), (0,5,0) e (0,0,10). (resultado com dois significativos)

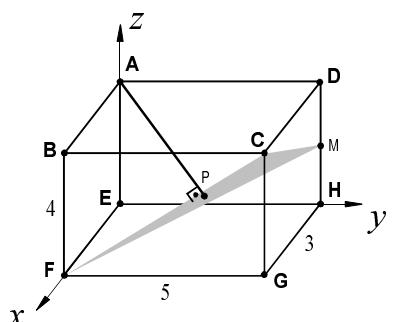
Resposta: 31

Exercício 6) Calcule o comprimento da altura relativa à base ABC da pirâmide de vértices A(0,0,0), B(3,4,0), C(2,3,1) e D(-2,3,6). (resultado com três significativos)

Resp.: 2,16

Exercício 7) Considere um paralelepípedo retângulo de dimensões 5, 3 e 4, alinhado com os eixos cartesianos (x,y,z) como na figura. A origem (0,0,0) está no ponto E, e M é o ponto médio da aresta HD.

- (a) Obtenha a distância \overline{AP} , onde P é o pé da perpendicular do vértice A ao plano que passa pelos pontos FCM. (resultado com três significativos)



- (b) Calcule o ângulo entre o plano FCM e a face EFGH. (resultado em graus e minutos)

- (c) Obtenha a distância entre a aresta \overline{AB} e a reta \overline{FM} . (resultado com três significativos)

Resp.: (a) 4,16 (b) $46^\circ10'$ (c) 3,71

Exercício 8) O paralelepípedo abaixo está alinhado com os eixo coordenados, com a origem $(0,0,0)$ em seu centro.

- (a) Escreva as coordenadas cartesianas (x,y,z) dos vértices A, B, C, D, E, F, G e H.

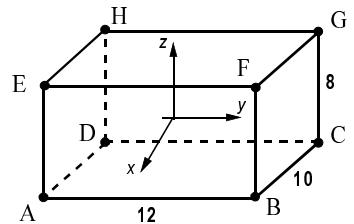
- (b) Escreva as coordenadas cartesianas (x,y,z) dos centros de cada uma das seis faces.

Resp.: (a) $A(5,-6,-4)$, $B(5,6,-4)$, $C(-5,6,-4)$, $D(-5,-6,-4)$, $E(5,-6,4)$, $F(5,6,4)$, $G(-5,6,4)$, $H(-5,-6,4)$

(b) centro da tampa inferior: $(0,0,-4)$ centro da tampa superior: $(0,0,4)$

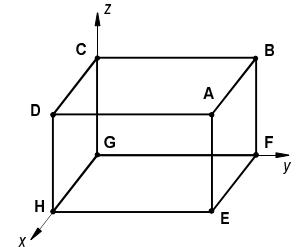
centro da tampa da frente: $(5,0,0)$ centro da tampa de trás: $(-5,0,0)$

centro da tampa esquerda: $(0,-6,0)$ centro da tampa direita: $(0,6,0)$



Exercício 9) O paralelepípedo ao lado está alinhado com os eixos coordenados, e a origem $(0,0,0)$ está no ponto **G**. A diagonal AG mede 80cm e faz um ângulo de 65° com o eixo z. A distância do ponto **A** ao eixo y é de 35cm.

- (a) Encontre as coordenadas cartesianas (x,y,z) dos pontos A, D e E.



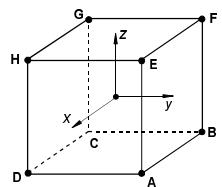
- (b) Calcule o volume do paralelepípedo, em litros, com 3 significativos.

Resp.: (a) $A(9,05; 71,9; 33,8)$, $D(9,05; 0; 33,8)$, $E(9,05; 71,9; 0)$ (b) 22,0 litros

Exercício 10) Em relação ao sistema de coordenadas xyz, com origem $(0,0,0)$ no centro e com os eixos alinhados às arestas do paralelepípedo ABCDEFGH, as coordenadas cilíndricas do vértice E são $(5, 60^\circ, 7)$ cm. Qual o volume do sólido, em litros?

(resposta com 2 significativos)

Resp.: 0,61 litros



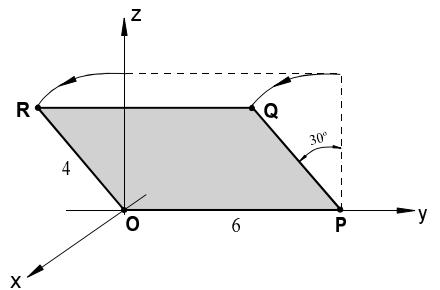
Exercício 11) Repita o exercício anterior, se as coordenadas esféricas do vértice E fossem $(r, \theta, \phi) = (10, 60^\circ, 50^\circ)$.

Resp.: 0,18 litros

Exercício 12) Na figura ao lado, o retângulo OPQR, inicialmente contido no plano yz, foi girado de 30° em torno do eixo y, no sentido indicado.

- (a) Quais as coordenadas cartesianas do ponto Q ?
 (b) Qual a distância do ponto Q à origem O ?
 (c) Quais as coordenadas cilíndricas do ponto Q ?
 (d) Quais as coordenadas esféricas do ponto Q ?

(respostas com três significativos, e ângulos em graus e minutos)



Resp.: (a) $(2; 6; 3,46)$ (b) $7,21$ (c) $(6,32; 71^\circ 34'; 3,46)$ (d) $(7,21; 61^\circ 17'; 71^\circ 34')$